

52

(A-61) **SARDAR PATEL UNIVERSITY**

MA IV<sup>th</sup> Semester (CBCS) Examination

Saturday, 18 April, 2015

02:30 pm - 05:30 pm

PA04CECO03 – QUANTITATIVE ECONOMICS

No. of Printed Pages: 04

**Note: (1) Figures to the right indicate full marks of the question.**

**TOTAL MARKS: 70**

- Q-1 (A)** With the help of differentiation, explain the minimization process of the function. **05**
- (B)** Explain the rules of differentiation with appropriate illustrations. **07**
- (C)** A firm produces two commodities 'X' and 'Y'. The demand functions for these commodities are  $X = 40 - 2P_X + P_Y$  and  $Y = 15 + P_X - P_Y$  respectively. ( $P_X$  = price of commodity X and  $P_Y$  = price of commodity Y). The total cost function is  $C = X^2 + XY + Y^2$ . Then find the level of production for maximum profit. **06**

**OR**

- (i)** Using differentiation, prove that when the slope of marginal production curve is negative and marginal production = average production then average production will be maximum. **10**
- (ii)** Explain the relationship between AR, MR and elasticity. If a demand function of a commodity is  $D = 100 - 2P$  (where, D = Demand for a commodity, P = Price of a commodity) then find out Price (1) when elasticity is unit (2) when elasticity is less than unit (3) when elasticity is greater than unit and (4) check the 50 price of a commodity would be possible? **08**
- Q-2 (A)** Give the meaning of correlation. Discuss its types with scattered diagram. Explain the interpretation of coefficient of correlation. **06**

- (B)** The marks obtained by nine students in Economics in internal exam and university exam are as follow. Using these data find out Karl Pearson's coefficient of correlation and probable error. Interpret the result. **08**

|                 |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|-----------------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| Internal Exam   | 51 | 63 | 73 | 46 | 58 | 60 | 50 | 36 | 60 |
| University Exam | 41 | 52 | 74 | 40 | 50 | 66 | 47 | 30 | 35 |

- (C)** What is Rank coefficient of correlation? Narrate its uses in economics. **04**

**OR**

- (i)** Using the following information for two variables, find out coefficient of correlation. (use product moment method) **05**

|                                               | Variable-X | Variable-Y |
|-----------------------------------------------|------------|------------|
| Numbers of observations                       | 15         | 15         |
| Mean                                          | 25         | 18         |
| Sum squares of deviation from mean            | 136        | 138        |
| Sum of multiplications of deviation from mean | 112        |            |

- (ii)** Explain the formula of probable error and describe the conditions to determine the correlation between two variables using probable error. **06**
- (iii)** Using the following information find out Spearman's coefficient of correlation. **07**

|   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| X | 80 | 60 | 51 | 76 | 58 | 62 | 64 | 72 | 56 | 58 |
| Y | 45 | 71 | 60 | 57 | 62 | 68 | 48 | 50 | 62 | 60 |

- Q-3 (A)** (1) If the equations for regression lines are  $Y = -7 + BX$  and  $X = 2Y + 3$  and  $r = 0.8$  Then find out the Value of 'B'. **05**

(2) find out the value of  $b_{xy}$  when  $r = -0.6$  and  $b_{yx} = -0.9$

- (B)** Write a detailed note on regression lines and coefficients of regression. **05**

- (C) The following table presents the number of literates and criminals in different cities. Using this information, find out the association between criminality and literacy for each city. 07

|                      | Ahmadabad | Baroda  | Anand   |
|----------------------|-----------|---------|---------|
| Total                | 4700000   | 2800000 | 2100000 |
| Literates            | 200000    | 100000  | 80000   |
| Literate criminals   | 300       | 200     | 200     |
| Illiterate criminals | 4000      | 2000    | 2400    |

OR

- (i) Using the following data find out equations of regression lines. Calculate the value of Y when X=1983. 07

| X | 1975 | 1976 | 1977 | 1978 | 1979 | 1980 | 1981 | 1982 |
|---|------|------|------|------|------|------|------|------|
| Y | 11   | 21   | 22   | 37   | 45   | 40   | 35   | 50   |

- (ii) Give the meaning of association of attributes. Write a brief note on consistency of data. 05
- (iii) Distinguish between correlation and regression. 05

- Q-4 (A) For below given information, find out weekly real wages. Construct the real wage index numbers on the base of 2010. 05

| Year | Weekly wages | Customer wage index |
|------|--------------|---------------------|
| 2010 | 310          | 110                 |
| 2011 | 325          | 118                 |
| 2012 | 330          | 130                 |
| 2013 | 342          | 140                 |
| 2014 | 350          | 145                 |
| 2015 | 360          | 152                 |

- (B) Based on the following data find out index number with the help of weighted sum method and family budget method. 07

| Commodity | 2014     |             | 2015        |
|-----------|----------|-------------|-------------|
|           | Quantity | Price (Rs.) | Price (Rs.) |
| A         | 10       | 100         | 160         |
| B         | 7        | 200         | 210         |
| C         | 15       | 50          | 60          |
| D         | 9        | 20          | 30          |
| E         | 10       | 10          | 14          |

- (C) Explain the weighted method for constructing the index number. Discuss the usages and limitations of cost of living index number. 05

OR

- (i) Why the index number is called the barometer of a country? Discuss the construction and problems faced while constructing the index number. 05
- (ii) On the base of following information find out index number using weighted average of price. 05

| Commodity | Weight | Price per unit |      |
|-----------|--------|----------------|------|
|           |        | 2010           | 2015 |
| A         | 5      | 2.00           | 4.50 |
| B         | 7      | 2.50           | 3.20 |
| C         | 6      | 3.00           | 4.50 |
| D         | 2      | 1.00           | 1.80 |

- (iii) Find out Fisher's index number and show that this index number fulfills the factor reversal test. 07

| Commodity | Base Year |          | Current Year |          |
|-----------|-----------|----------|--------------|----------|
|           | Price     | Quantity | Price        | Quantity |
| A         | 2         | 40       | 6            | 50       |
| B         | 4         | 50       | 8            | 40       |
| C         | 6         | 20       | 9            | 30       |
| D         | 8         | 10       | 6            | 20       |
| E         | 10        | 10       | 3            | 20       |

ગુજરાતી તરજુમો

નોંધ : (1) જમણી બાજુના અંક પ્રશ્નના મહત્તમ ગુણ દર્શાવે છે.

કુલ ગુણ - 70

- પ્ર-1 (A) વિકલનની મદદથી વિધેયના ન્યૂનતમીકરણની પ્રક્રિયા સમજાવો. 05
- (B) યોગ્ય ઉદાહરણ સાથે વિકલનના નિયમો સમજાવો. 07
- (C) એક પેઢી બે વસ્તુઓ 'X' અને 'Y' નું ઉત્પાદન કરે છે. આ વસ્તુઓ માટેના માંગ વિધેયો અનુક્રમે  $X = 40 - 2P_X + P_Y$  06  
અને  $Y = 15 + P_X - P_Y$  છે. (જ્યાં  $P_X = X$  વસ્તુની કિંમત અને  $P_Y = Y$  વસ્તુની કિંમત). કુલ ખર્ચ વિધેય  $C = X^2 + XY + Y^2$  છે. તો મહત્તમ નફા માટેનું ઉત્પાદનનું સ્તર શોધો.

અથવા

- (i) વિકલનનો ઉપયોગ કરીને સાબિત કરો કે જ્યારે સીમાંત ઉત્પાદન વક્રનો ઢાળ ઋણ હોય અને સીમાંત ઉત્પાદન = 10 સરેરાશ ઉત્પાદન હોય ત્યારે સરેરાશ ઉત્પાદન મહત્તમ થશે. 08
- (ii) AR, MR અને મૂલ્યસાપેક્ષતા વચ્ચેનો સંબંધ સમજાવો. જો એક વસ્તુનું માંગ વિધેય  $D = 100 - 2P$  હોય. 08  
(જ્યાં,  $D =$  વસ્તુની માંગ,  $P =$  વસ્તુની કિંમત) તો જ્યારે (1) મૂલ્યસાપેક્ષતા એકમ હોય (2) મૂલ્યસાપેક્ષતા એકમ કરતાં ઓછી હોય (3) મૂલ્યસાપેક્ષતા એકમ કરતાં વધુ હોય ત્યારે કિંમત શોધો અને (4) 50 કિંમત શક્ય છે? ચકાસો.
- પ્ર-2 (A) સહસંબંધનો અર્થ આપો. વિકિર્ણ આકૃતિ સાથે તેના પ્રકારોની ચર્ચા કરો. સહસંબંધાંકના અર્થઘટનની સમજૂતી આપો. 06
- (B) નવ વિદ્યાર્થીઓએ અર્થશાસ્ત્ર વિષયમાં આંતરિક પરીક્ષા અને યુનિવર્સિટી પરીક્ષામાં મેળવેલા ગુણ નીચે પ્રમાણે છે. 08  
આ માહિતીનો ઉપયોગ કરીને કાર્લ પિયર્સનનો સહસંબંધાંક અને સંભવિત દોષ શોધો. પરિણામનું અર્થઘટન કરો.

|                     |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---------------------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| આંતરિક પરીક્ષા      | 51 | 63 | 73 | 46 | 58 | 60 | 50 | 36 | 60 |
| યુનિવર્સિટી પરીક્ષા | 41 | 52 | 74 | 40 | 50 | 66 | 47 | 30 | 35 |

- (C) ક્રમાંક સહસંબંધાંક એટલે શું? અર્થશાસ્ત્રમાં તેના ઉપયોગોનું વર્ણન કરો. 04

અથવા

- (i) બે ચલો માટેની નીચેની માહિતીનો ઉપયોગ કરીને સહસંબંધાંક શોધો. (ગુણનપ્રધાત પદ્ધતિનો ઉપયોગ કરો) 05

|                                              | ચલ-X | ચલ-Y |
|----------------------------------------------|------|------|
| અવલોકનોની સંખ્યા                             | 15   | 15   |
| મધ્યક                                        | 25   | 18   |
| મધ્યકમાંથી લીધેલા વિચલનોના વર્ગોનો સરવાળો    | 136  | 138  |
| મધ્યકમાંથી લીધેલા વિચલનોના ગુણાકારોનો સરવાળો | 112  |      |

- (ii) સંભવિત દોષનું સૂત્ર સમજાવો અને સંભવિત દોષનો ઉપયોગ કરીને સહસંબંધ નક્કી કરવાની શરતો વર્ણવો. 06
- (iii) નીચેની માહિતીનો ઉપયોગ કરીને સ્પિયરમેનનો સહસંબંધાંક શોધો. 07

|   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| X | 80 | 60 | 51 | 76 | 58 | 62 | 64 | 72 | 56 | 58 |
| Y | 45 | 71 | 60 | 57 | 62 | 68 | 48 | 50 | 62 | 60 |

- પ્ર-3 (A) (1) જો નિયતસંબંધરેખાના સમીકરણો  $Y = -7 - X$  અને  $X = 2Y + 3$  હોય તથા  $r = 0.8$  હોય ત્યારે 'B'નું મૂલ્ય શોધો. 05

(2) જ્યારે  $r = -0.6$  અને  $b_{YX} = -0.9$  હોય ત્યારે  $b_{XY}$  શોધો.

- (B) નિયતસંબંધ રેખાઓ અને નિયતસંબંધાંકો પર વિગતે નોંધ લખો. 05

- (C) નીચેનું કોષ્ટક જુદા-જુદા શહેરોમાં સાક્ષરો અને ગુનેગારોની સંખ્યા દર્શાવે છે. આ માહિતીનો ઉપયોગ કરીને દરેક 07  
શહેર માટે ગુનાખોરી અને સાક્ષરતા વચ્ચેનો સંબંધ શોધો.

|                | અમદાવાદ | બરોડા   | આણંદ    |
|----------------|---------|---------|---------|
| કુલ            | 4700000 | 2800000 | 2100000 |
| સાક્ષર         | 200000  | 100000  | 80000   |
| સાક્ષર ગુનેગાર | 300     | 200     | 200     |

|                 |      |      |      |
|-----------------|------|------|------|
| નિરક્ષર ગુનેગાર | 4000 | 2000 | 2400 |
|-----------------|------|------|------|

અથવા

- (i) નીચેની માહિતીનો ઉપયોગ કરીને નિયતસંબંધ રેખાના સમીકરણો શોધો.  $X=1983$  હોય ત્યારે  $Y$ નું મૂલ્ય શોધો. 07

|   |      |      |      |      |      |      |      |      |
|---|------|------|------|------|------|------|------|------|
| X | 1975 | 1976 | 1977 | 1978 | 1979 | 1980 | 1981 | 1982 |
| Y | 11   | 21   | 22   | 37   | 45   | 40   | 35   | 50   |

- (ii) ગુણાત્મક સંબંધનો અર્થ આપો. માહિતીની સંગતતા પર ટૂંકી નોંધ લખો. 05
- (iii) સહસંબંધ અને નિયતસંબંધ વચ્ચેનો ભેદ સ્પષ્ટ કરો. 05

- પ્ર-4 (A) નીચે આપેલી માહિતી માટે સાપ્તાહિક વાસ્તવિક વેતન શોધો. 2010 ના આધારે વાસ્તવિક વેતનના સૂચકાંકની રચના કરો. 05

| વર્ષ | સાપ્તાહિક વેતન | ગ્રાહક ભાવ સૂચકાંક |
|------|----------------|--------------------|
| 2010 | 310            | 110                |
| 2011 | 325            | 118                |
| 2012 | 330            | 130                |
| 2013 | 342            | 140                |
| 2014 | 350            | 145                |
| 2015 | 360            | 152                |

- (B) નીચેની માહિતી પરથી ભારિત સરવાળાની રીત અને કૌટુંબિક અંદાજપત્રની રીતની મદદથી સૂચકાંક શોધો. 07

| વસ્તુ | 2014  |             | 2015        |
|-------|-------|-------------|-------------|
|       | જથ્થો | કિંમત (રૂ.) | કિંમત (રૂ.) |
| A     | 10    | 100         | 160         |
| B     | 7     | 200         | 210         |
| C     | 15    | 50          | 60          |
| D     | 9     | 20          | 30          |
| E     | 10    | 10          | 14          |

- (C) સૂચકાંકની રચના માટેની ભારિત પદ્ધતિ સમજાવો. જીવનનિર્વાહ સૂચકાંકની ઉપયોગિતા અને મર્યાદાઓની ચર્ચા કરો. 05

અથવા

- (i) સૂચકાંકને દેશની પારાણીશી શામાટે કહેવાય છે? સૂચકાંકની રચના અને રચના દરમિયાન સામનો કરવી પડતી સમસ્યાઓની ચર્ચા કરો. 05
- (ii) નીચેની માહિતી પરથી ભાવોની ભારિત સરેરાશની રીતનો ઉપયોગ કરીને સૂચકાંક શોધો. 05

| વસ્તુ | ભાર | એકમદીઠ કિંમત |      |
|-------|-----|--------------|------|
|       |     | 2010         | 2015 |
| A     | 5   | 2.00         | 4.50 |
| B     | 7   | 2.50         | 3.20 |
| C     | 6   | 3.00         | 4.50 |
| D     | 2   | 1.00         | 1.80 |

- (iii) ફિશરનો સૂચકાંક શોધો અને દર્શાવો કે આ સૂચકાંક પદ-વિપર્યાસ પરીક્ષણ સંતોષે છે. 07

| વસ્તુ | આધાર વર્ષ |       | ચાલુ વર્ષ |       |
|-------|-----------|-------|-----------|-------|
|       | કિંમત     | જથ્થો | કિંમત     | જથ્થો |
| A     | 2         | 40    | 6         | 50    |
| B     | 4         | 50    | 8         | 40    |
| C     | 6         | 20    | 9         | 30    |
| D     | 8         | 10    | 6         | 20    |
| E     | 10        | 10    | 3         | 20    |